

Einführung in die Informationsverarbeitung

Øyvind Eide

Woche 2 Datenstrukturen Algorithmen

oeide@uni-koeln.de
<http://idh.uni-koeln.de>



Basisdatenstrukturen

- Boolean / Logischer Wert
- Integer
- [Rationale Zahlen]
- Realzahlen
- Zeichen
- Zeichenketten



Datenstrukturen und Hardware

Datenstrukturen geben Regeln wieder, wie ein bestimmter Speicherbereich interpretiert wird.

ASCII Zeichen 'a' = 97; 'A' = 65.

oder

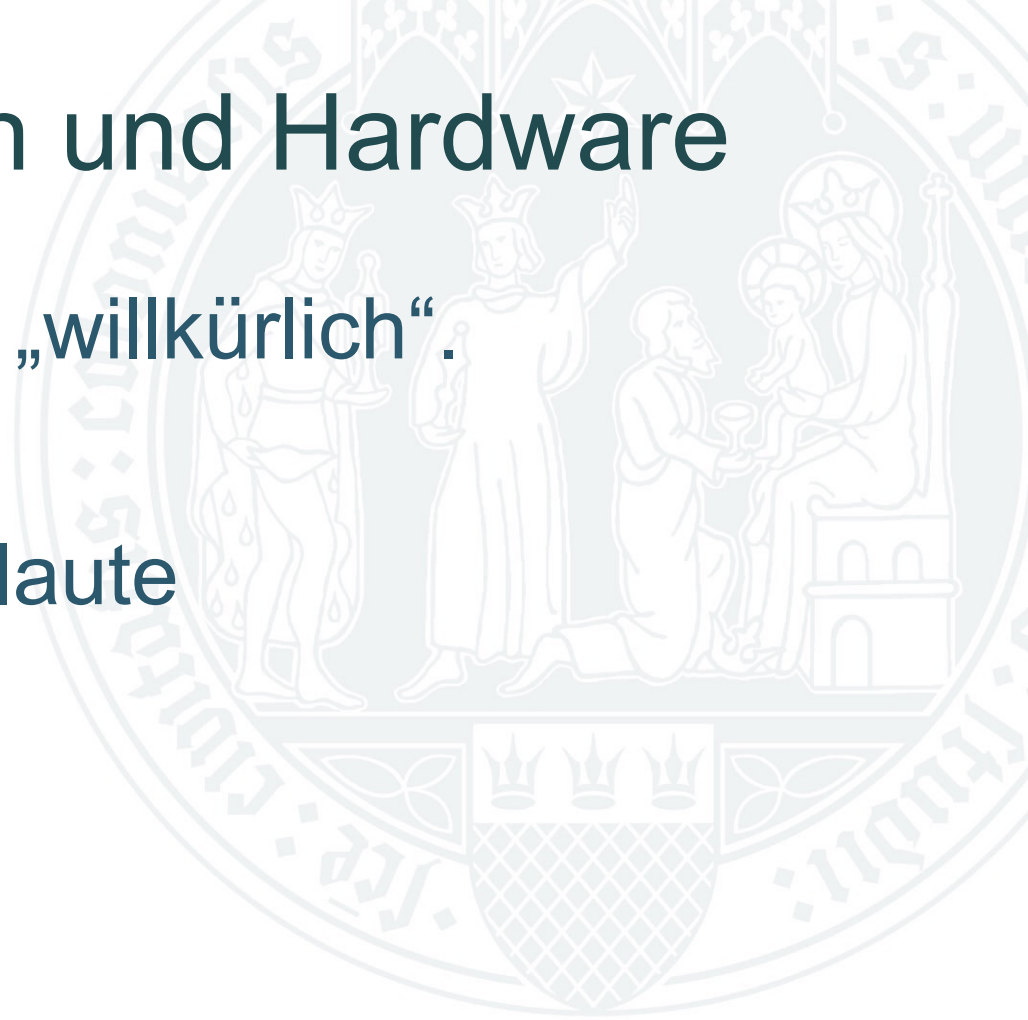
'Pixel' 97 ist eineinhalb mal heller als
'Pixel' 65.



Datenstrukturen und Hardware

Festlegungen sind „willkürlich“.

Groß- / Klein v. Umlaute



Zeichen

a	097	A	65
b	098	B	66
c	099	C	67
d	100	D	68
e	101	E	69
f	102	F	70
g	103	G	71
h	104	H	72
i	105	I	73
j	106	J	74
k	107	K	75
...



Zeichen

a	01100001	A	01000001
b	01100010	B	01000010
c	01100011	C	01000011
d	01100100	D	01000100
e	01100101	E	01000101
f	01100110	F	01000110
g	01100111	G	01000111
h	01101000	H	01001000
i	01101001	I	01001001
j	01101010	J	01001010
k	01101011	K	01001011
...



Zeichen

a	01100001	A	01000001
b	01100010	B	01000010
c	01100011	C	01000011
d	01100100	D	01000100
e	01100101	E	01000101
f	01100110	F	01000110
g	01100111	G	01000111
h	01101000	H	01001000
i	01101001	I	01001001
j	01101010	J	01001010
k	01101011	K	01001011
...



Zeichen

Festlegungen sind „willkürlich“.

$\text{lower}(x) = \text{upper}(x) \mid '00100000'$

= schnellste verfügbare Operation des Rechners!



Merke

Darstellung von Datenstrukturen sind „willkürlich“.

... können den Aufwand für eine Anwendung aber entscheidend beeinflussen!



Datenstruktur „Zeiger“

Diagrammatische Darstellung:



A „zeigt auf“ B



Datenstruktur „Zeiger“

Diagrammatische Darstellung:

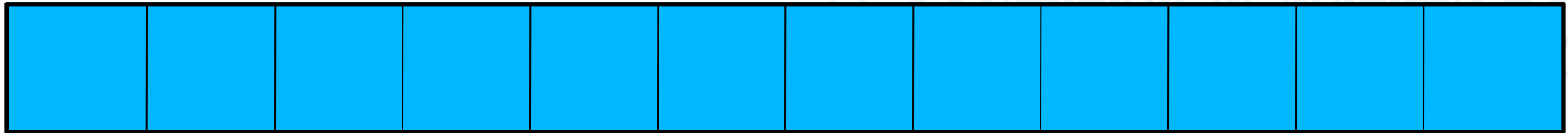


„Zeiger“: Ein Speicherinhalt eines Rechners verweist auf einen anderen.



Datenstruktur im Speicher

Speicher als „karierte Zeile“



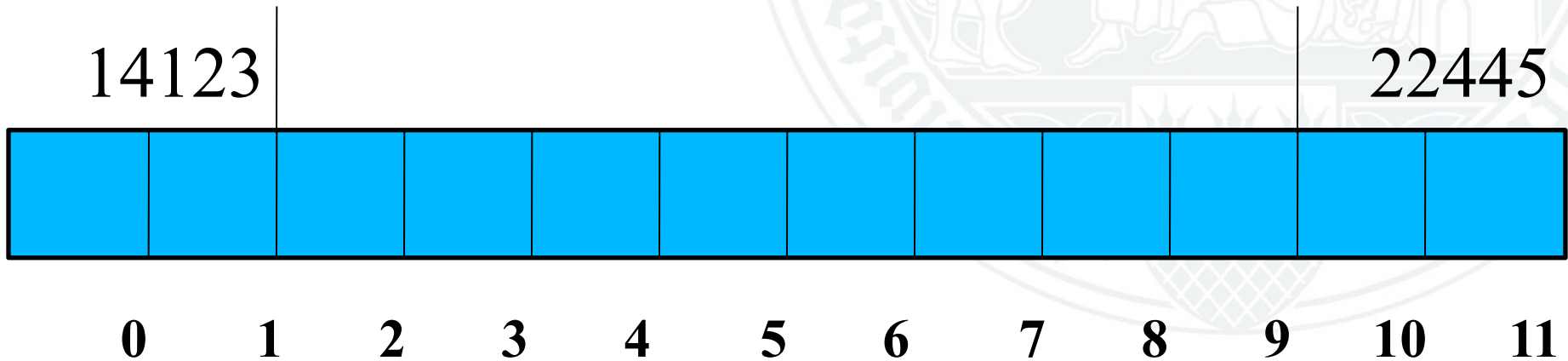
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11



Datenstruktur im Speicher

Zahl „14123“ in Bytes 0 bis 1

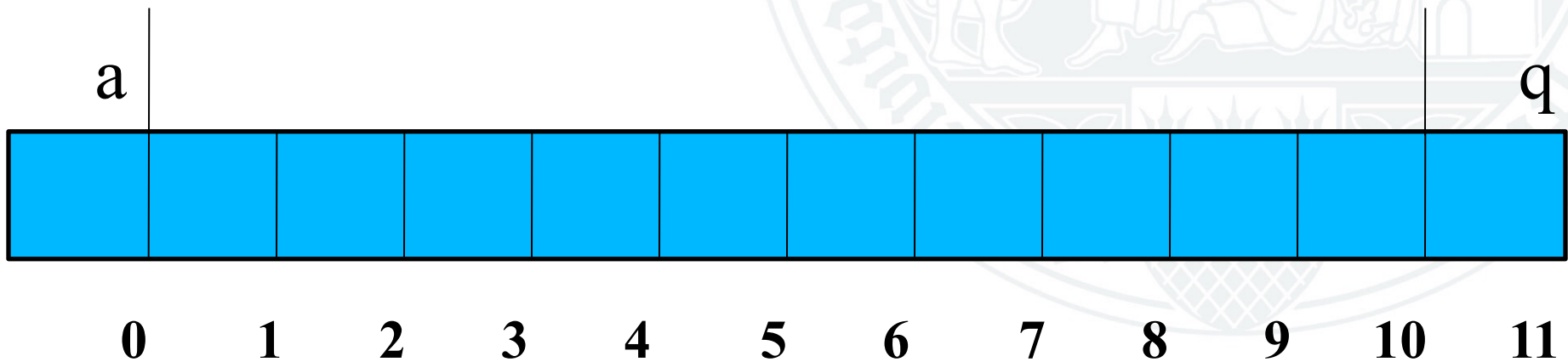
Zahl „22445“ in Bytes 10 bis 11



Datenstruktur im Speicher

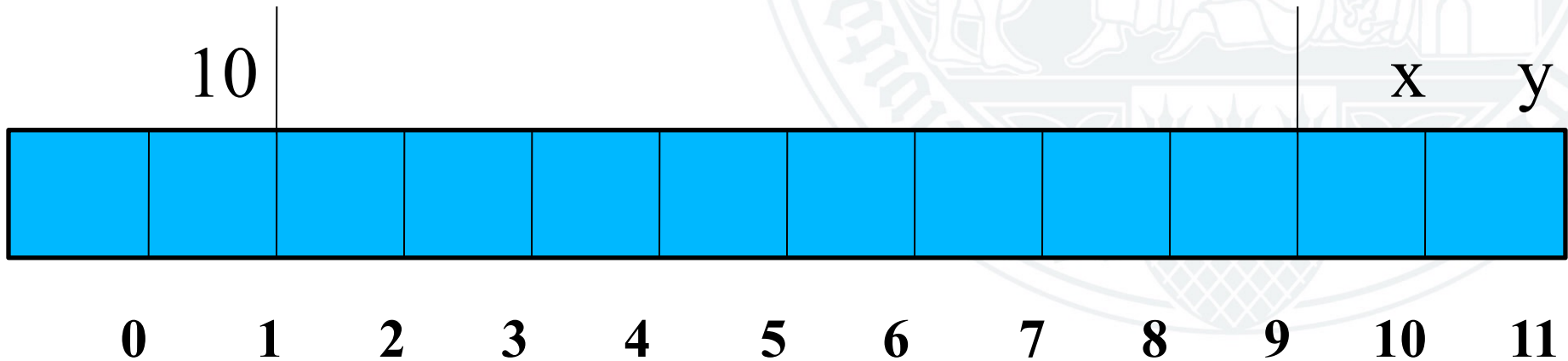
Zeichen „a“ in Byte 0

Zeichen „q“ in Byte 11



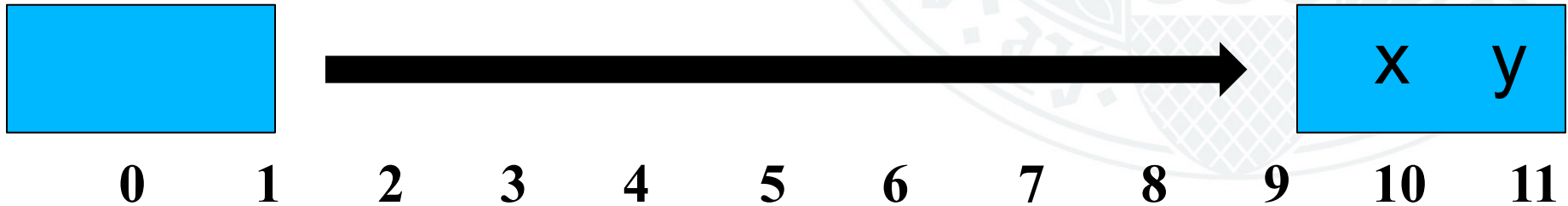
Datenstruktur im Speicher

Zeiger in Bytes 0 bis 1 verweist auf Speicherblock, enthaltend „xy“, beginnend in Byte 10



Zeiger graphisch

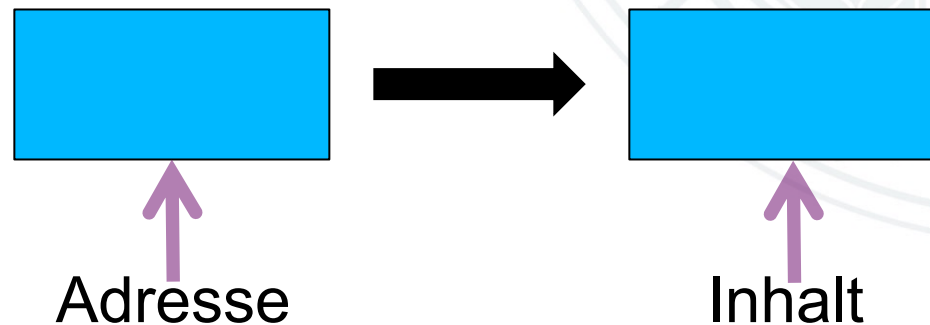
Zeiger in Bytes 0 bis 1 verweist auf Speicherblock, enthaltend „xy“, beginnend in Byte 10



Zeiger graphisch

Zeiger verweist von einem Datenblock auf einen anderen.

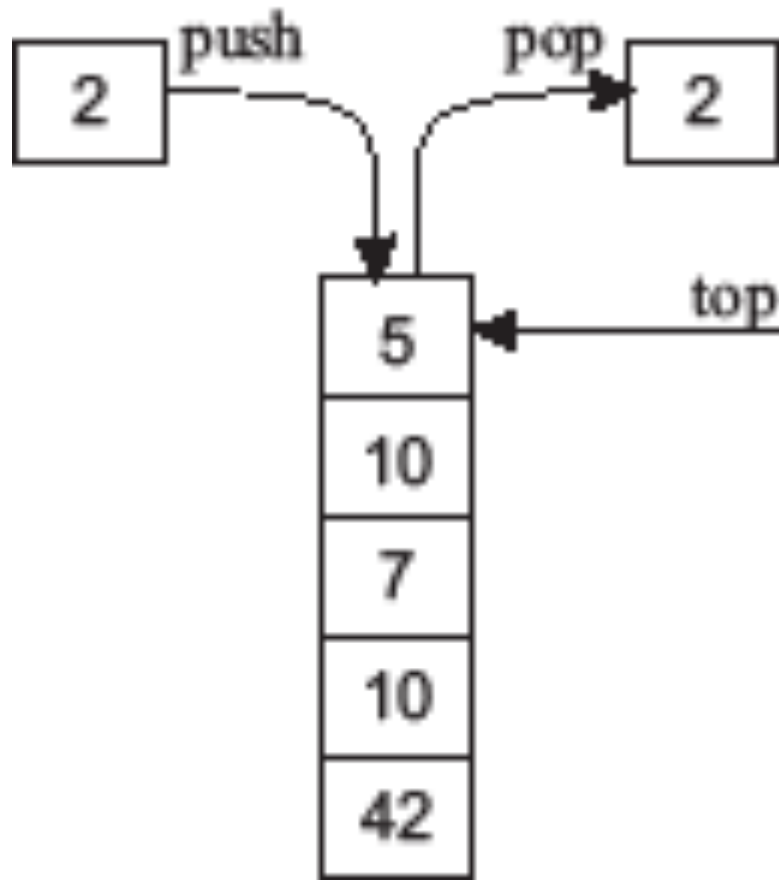
Inhalt im Datenblock: Kontext-basierte Interpretation



Technische Datenstrukturen



Stacks



Auch bekannt als: „LIFO“ – Last In, First Out

Start

Lies:

Atom 1

Verarbeite:



„Push to stack“

Lies:

Verarbeite:



Atom 1

„Lies weiter“

Lies:

Atom 2

Verarbeite:

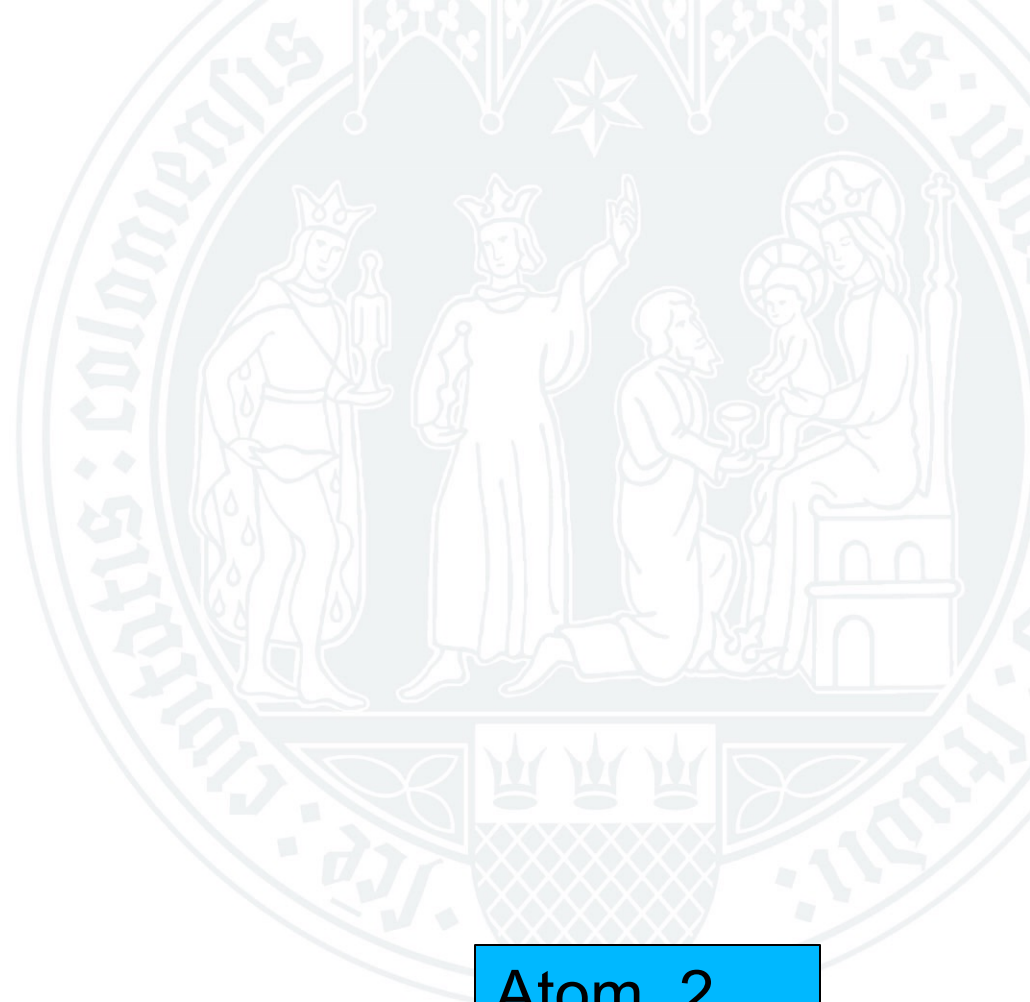
Atom 1



„Push to stack“

Lies:

Verarbeite:



Atom 2

Atom 1

„Lies weiter“

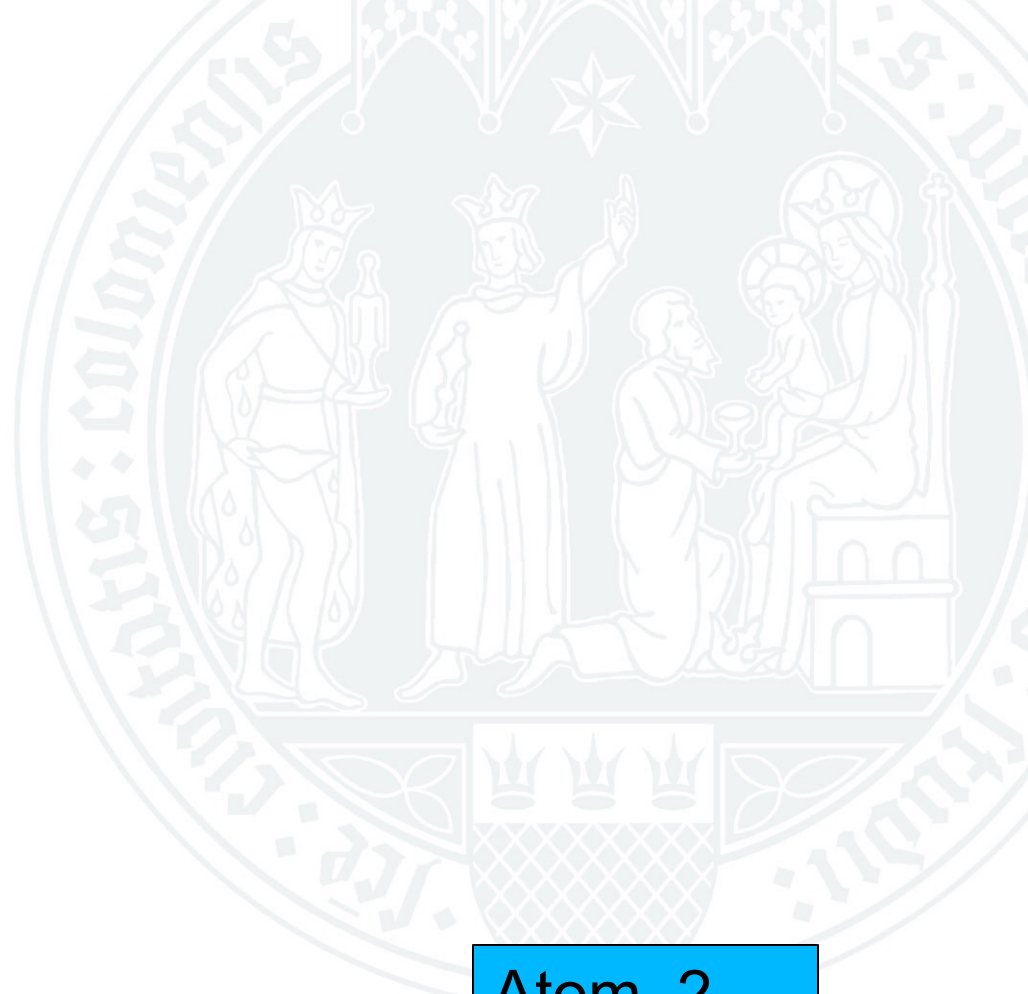
Lies:

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1



Schließlich

Lies:

Verarbeite:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Atom 2

Atom 1

„Pop from stack“

Lies:

Verarbeite:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Atom 2

Atom 1

„Pop from stack“

Lies:

Verarbeite:

Atom 4

Atom 3

Atom 2

Atom 1

„Pop from stack“

Lies:

Verarbeite:

Atom 3

Atom 2

Atom 1

„Pop from stack“

Lies:

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1



„Pop from stack“

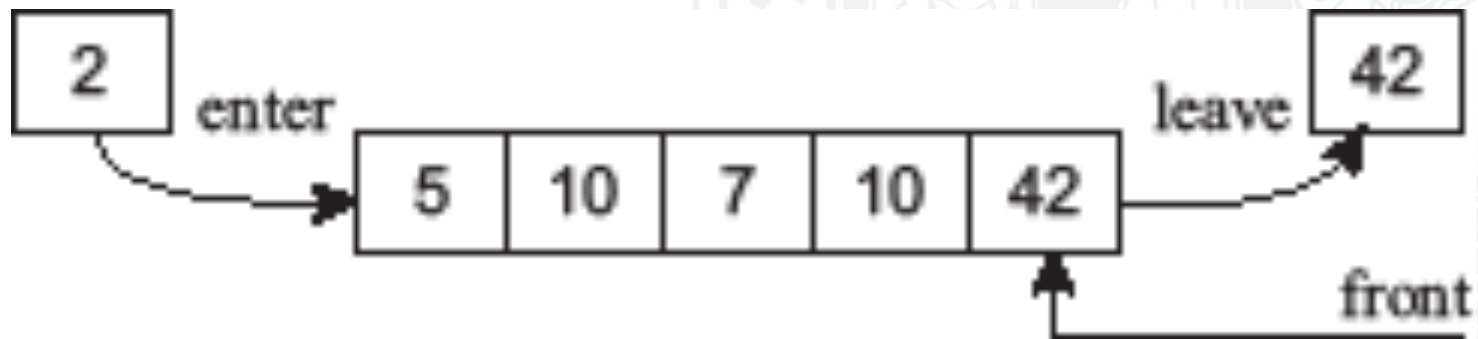
Lies:

Verarbeite:

Atom 1



Queues



Auch bekannt als: „FIFO“ – First In, First Out



Start

Lies:

Atom 1

Verarbeite:



„Push to queue“

Lies:

Verarbeite:



Atom 1

„Lies weiter“

Lies:

Atom 2

Verarbeite:

Atom 1



„Push to queue“

Lies:

Verarbeite:



Atom 2

Atom 1

„Lies weiter“

Lies:

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1



Schließlich

Lies:

Verarbeite:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Atom 2

Atom 1

„Pop from queue”

Lies:

Verarbeite:

Atom 1

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Atom 2

„Pop from queue”

Lies:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

„Pop from queue“

Lies:

Atom 5

Atom 4

Verarbeite:

Atom 3

„Pop from queue“

Lies:

Atom 5

Verarbeite:

Atom 4

„Pop from queue“

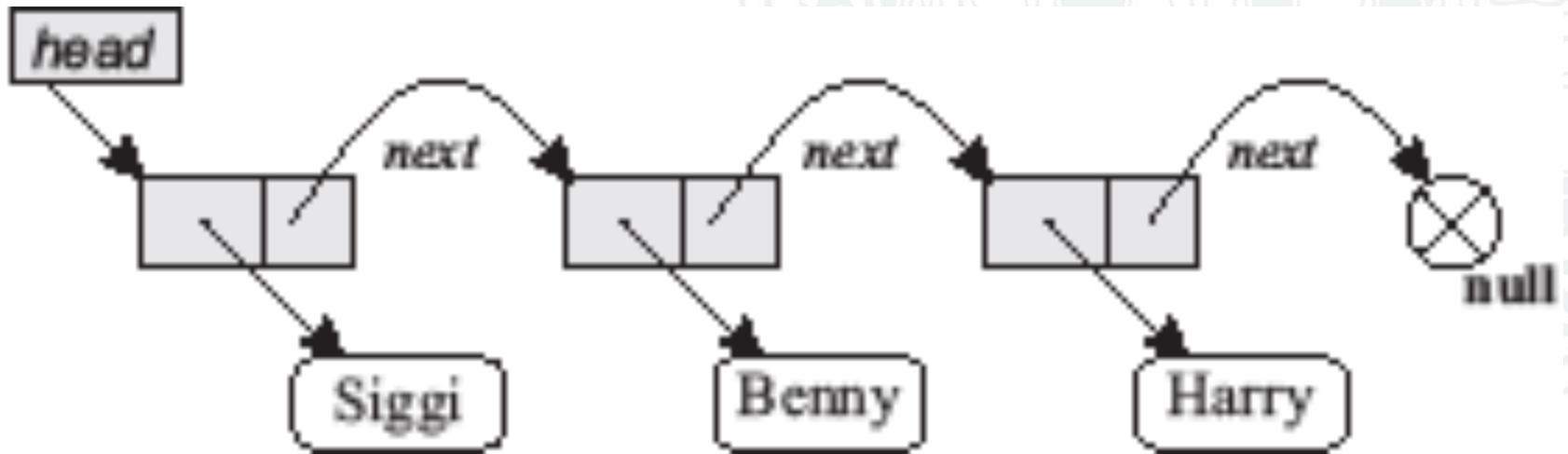
Lies:

Verarbeite:

Atom 5



Einfach Verknüpfte Listen



Erzeuge Atom 1

Atom 1



Mache Atom 1 zum Listenkopf

Kopf:



Atom 1



Erzeuge Atom 2

Kopf:



Atom 1

Atom 2



Verbinde Atom 2 mit Liste

Kopf:



Atom 1



Atom 2



Erzeuge Atom 3

Kopf:

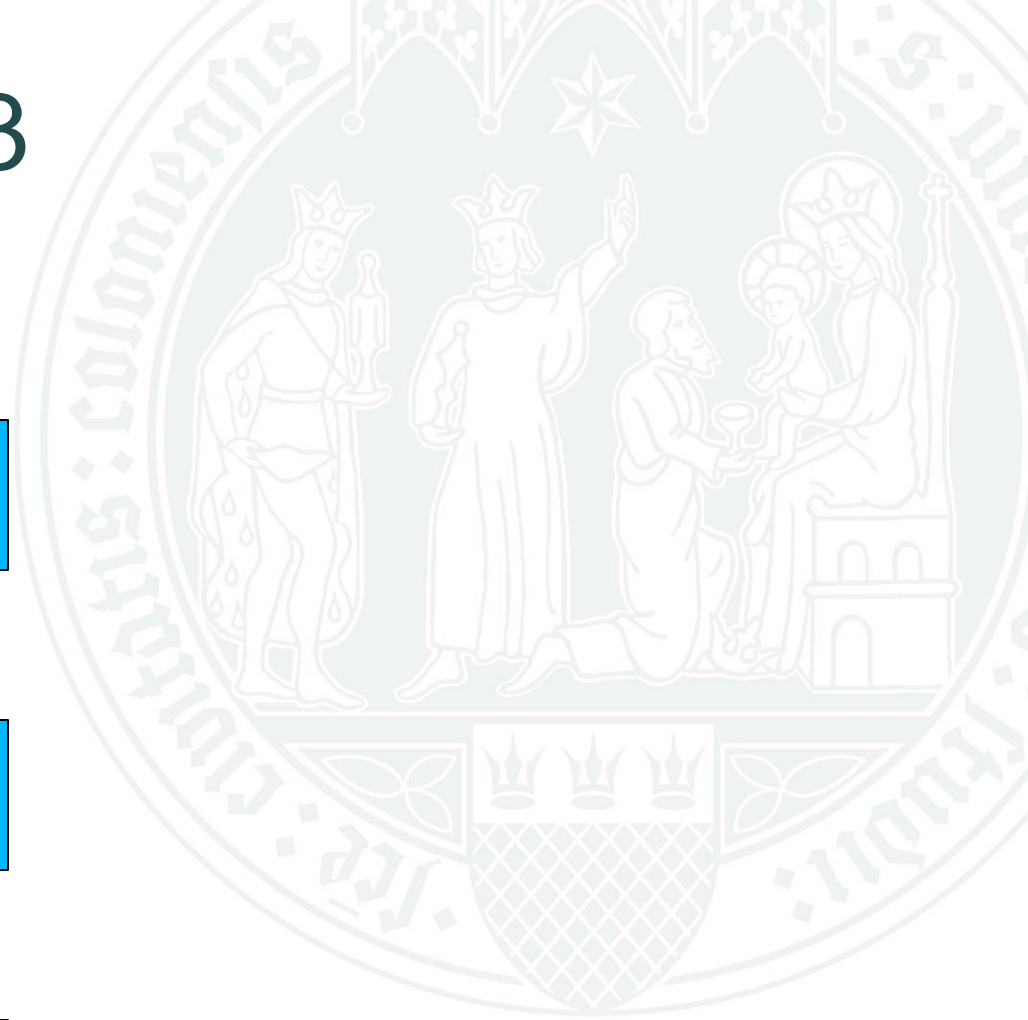


Atom 1



Atom 2

Atom 3



Verbinde Atom 3 mit Liste

Kopf:



Atom 1



Atom 2

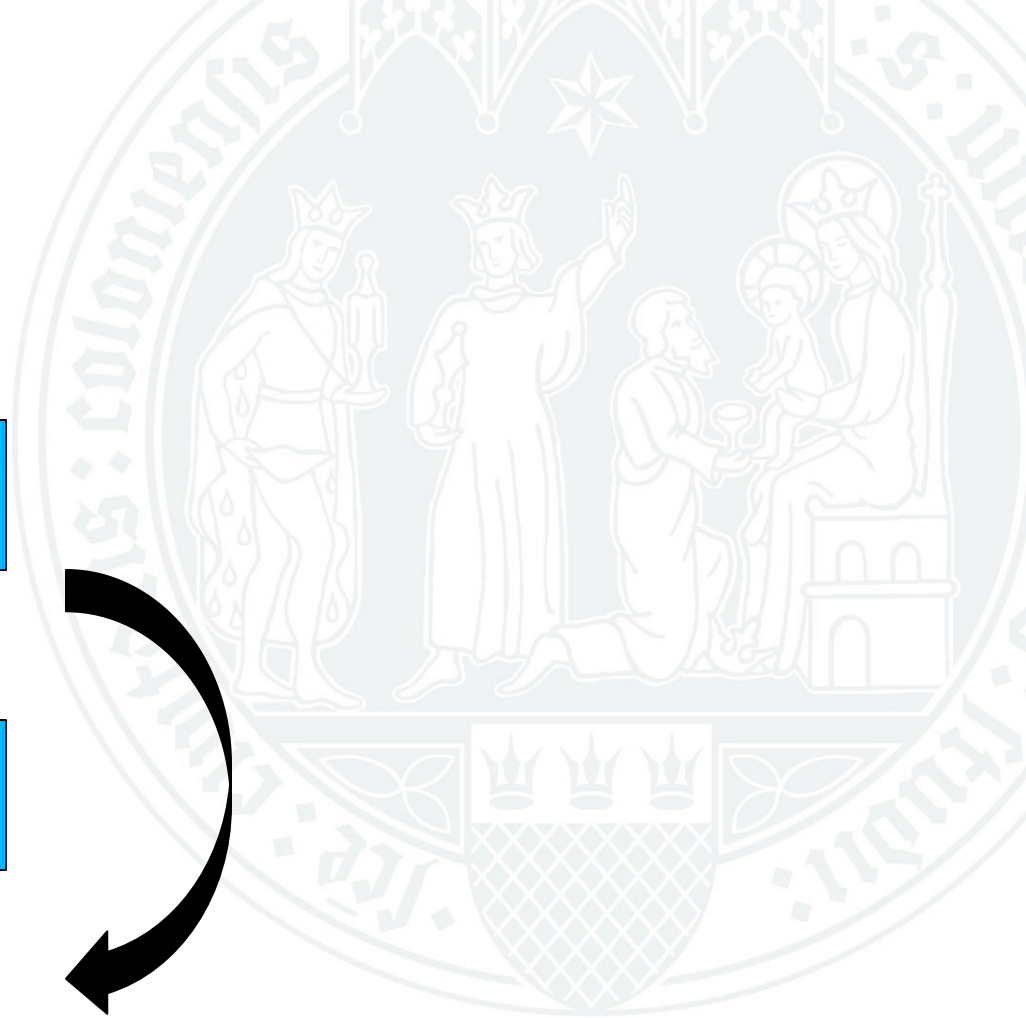
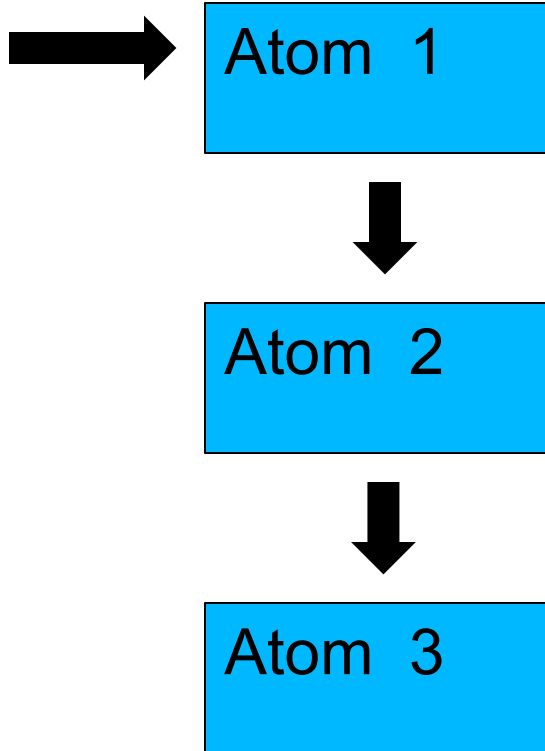


Atom 3



Lösche Atom 2

Kopf: →



Lösche Atom 2

Kopf:



Atom 1

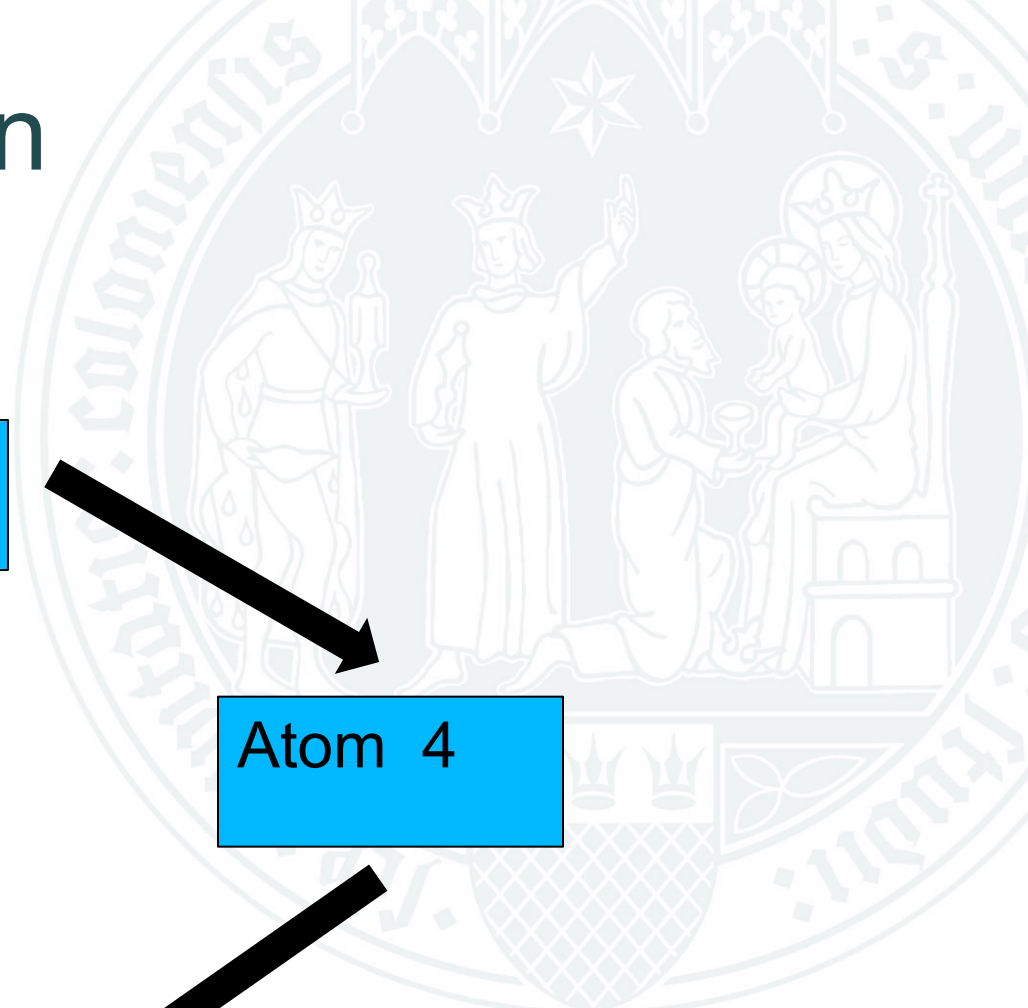
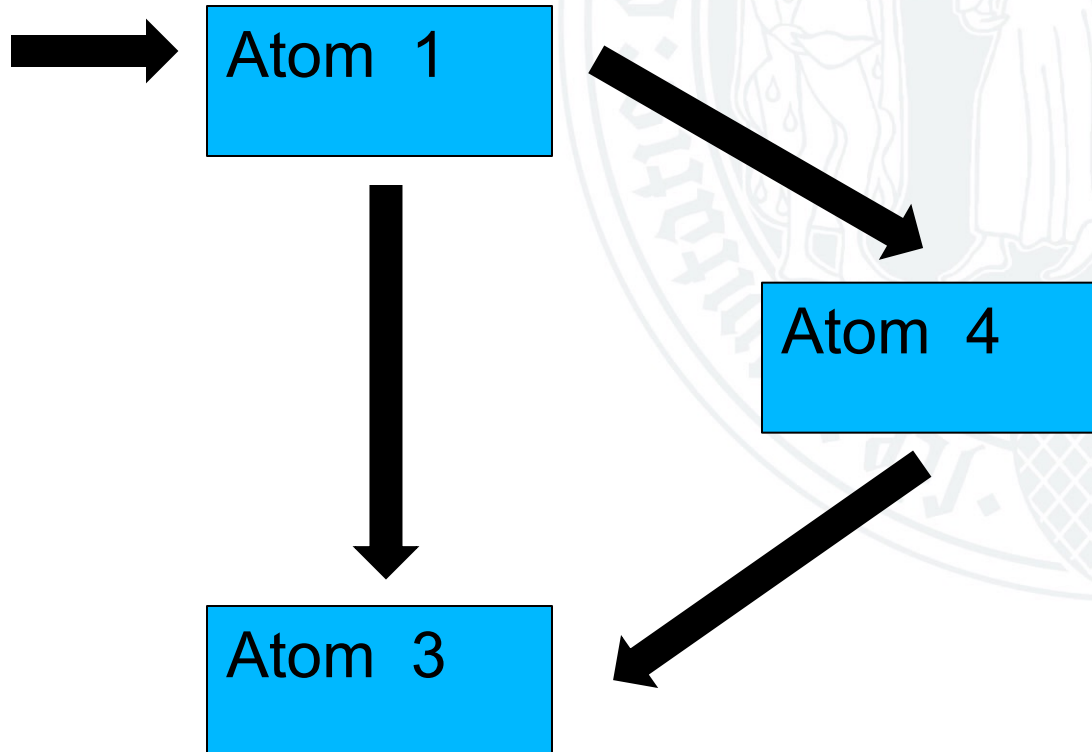


Atom 3



Füge Atom 4 ein

Kopf:



Füge Atom 4 ein

Kopf:



Atom 1



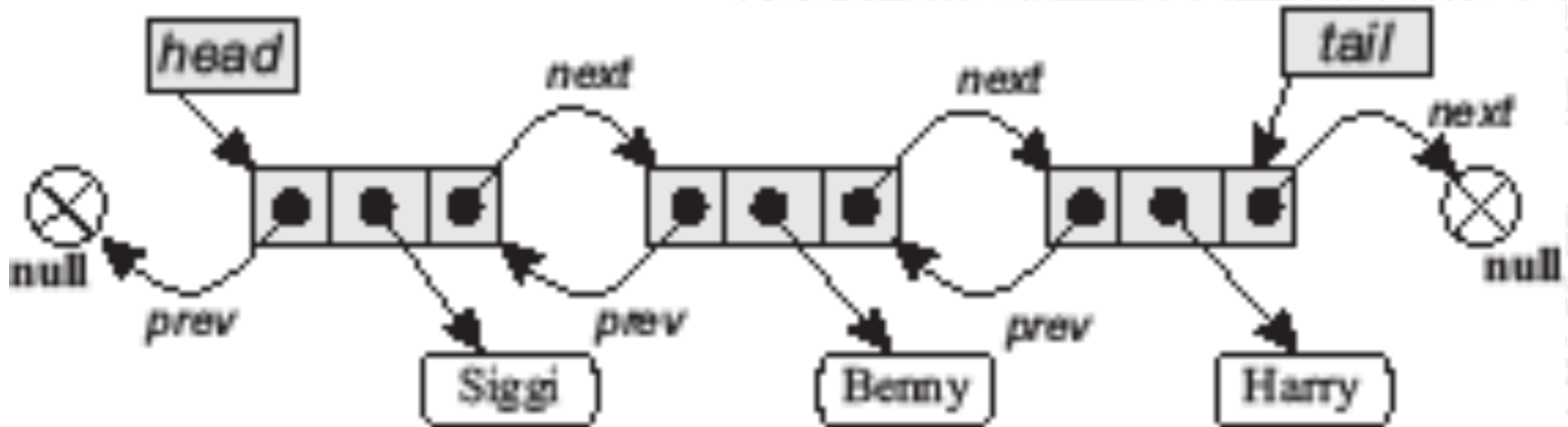
Atom 4



Atom 3



Doppelt Verknüpfte Listen

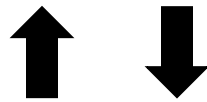


Doppelt Verknüpfte Listen

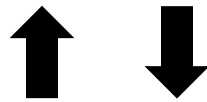
Kopf:



Atom 1



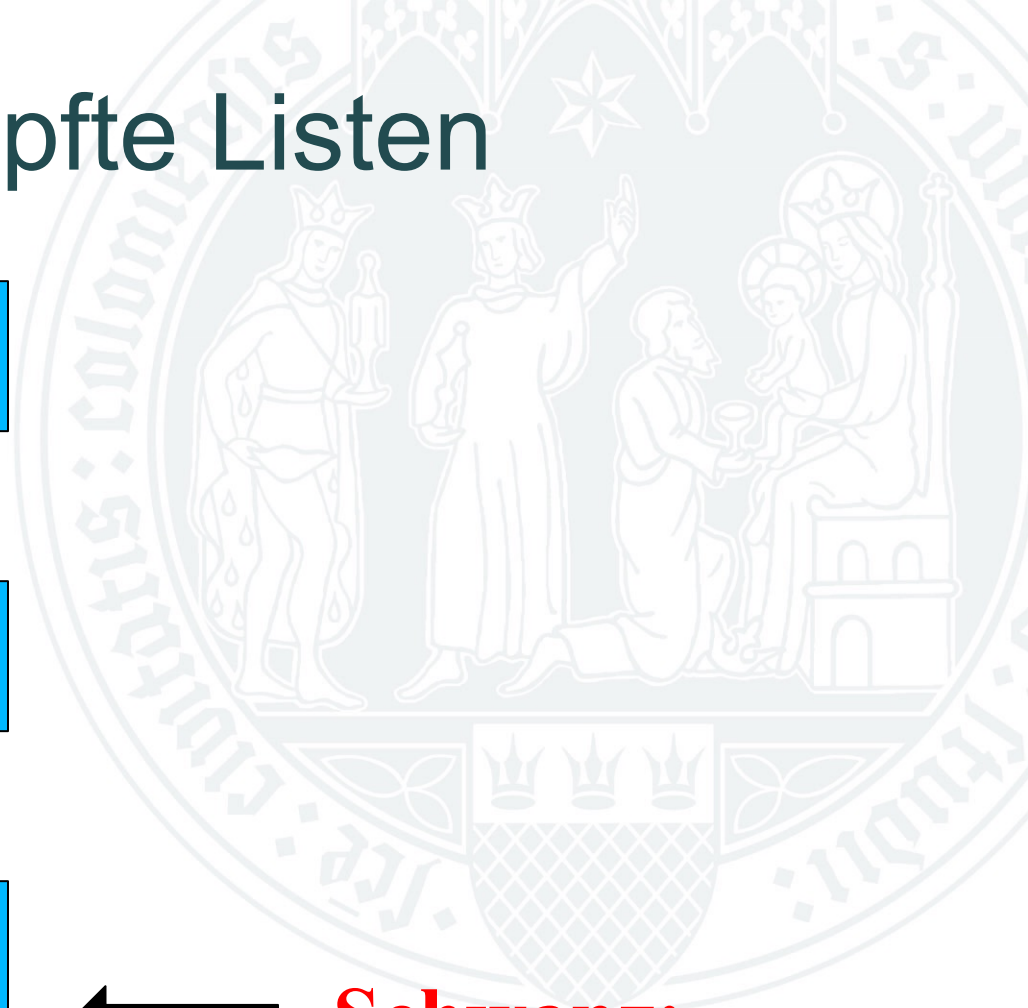
Atom 2



Atom 3

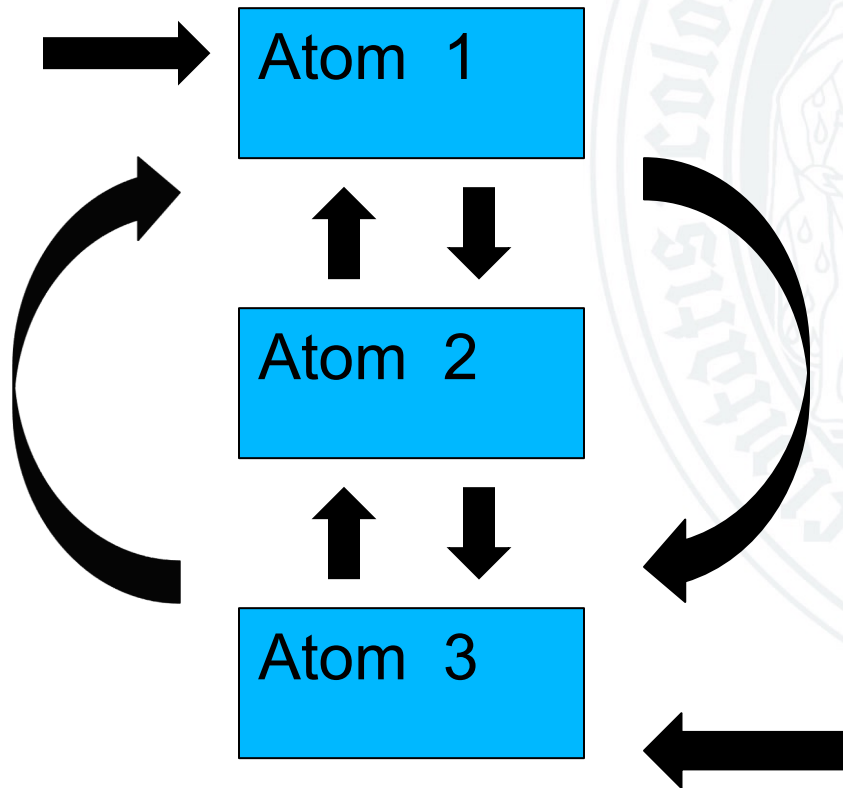


Schwanz:



Löschen von Atom 2

Kopf:

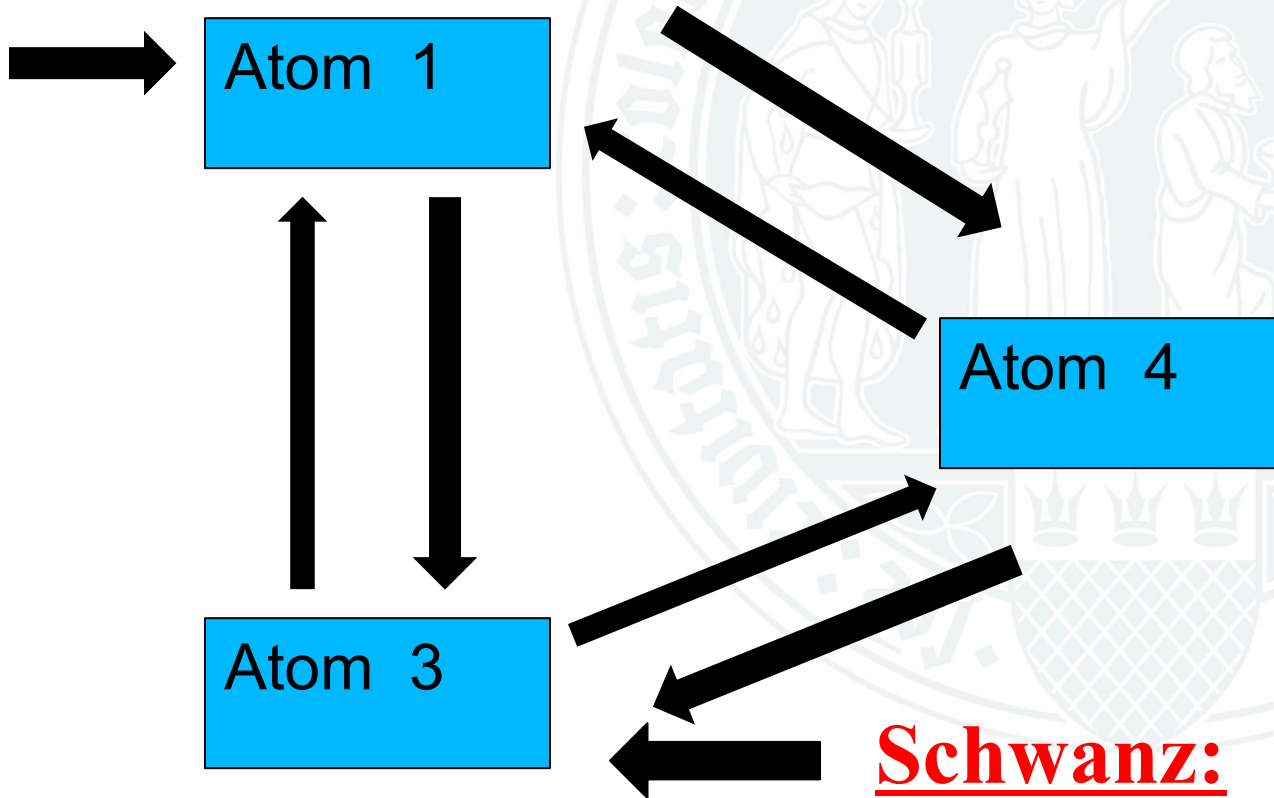


Schwanz:



Einfügen von Atom 4

Kopf:



Schwanz:



Inhaltliche Datenstrukturen



Datentypen allgemein

$\langle \text{Datentyp} \rangle ::=$

ein 3-Tupel (oder Tripel) $\{ \mathbf{E}, \mathbf{I}, \mathbf{O} \}$

wobei

$\mathbf{E} ::=$ Externe Darstellung

$\mathbf{I} ::=$ Interne Darstellung

$\mathbf{O} ::=$ Menge auf \mathbf{I} definierter Operationen

(Notation: " $::=$ " = "definiert als")



Datentyp Zeit allgemein

E Regel für "4.6.2007"

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag i als Offset t vom Ursprung definiert ist.

O

t-less(i,j) \implies **Boolean**

t-less(4.6.2007,5.6.2007) \implies **True**

t-subtract(i,j) \implies **Ganze Zahl**

t-subtract(5.6.2007,4.6.2007) \implies 1



Datentyp „Historische Zeit“ I

E Regel für "pri non jun 2007"

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag i als Offset t vom Ursprung definiert ist.

O

t-less(i,j) ==> Boolean

t-less(pri non jun 2007, non jun 2007) ==> True

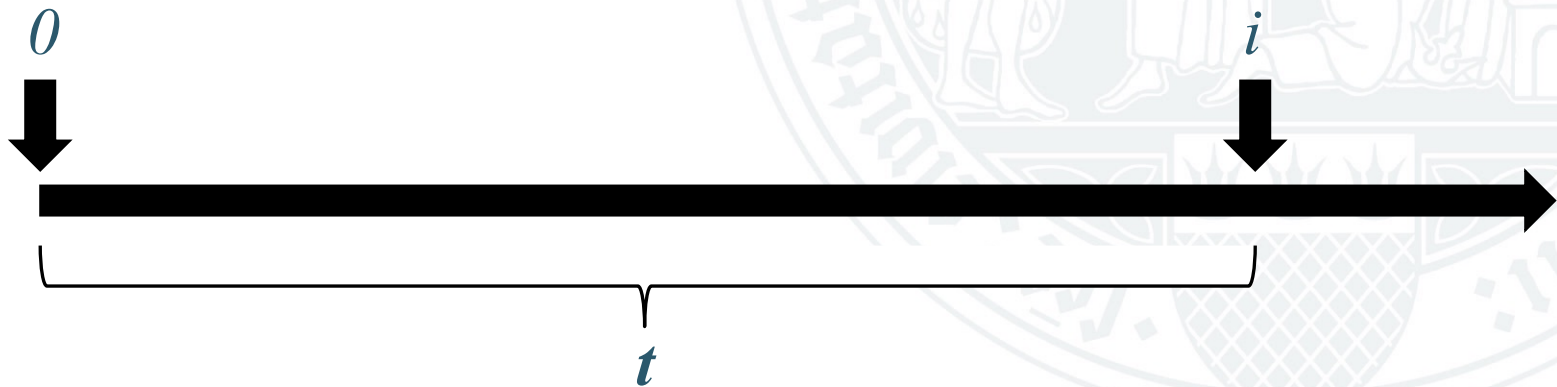
t-subtract(i,j) ==> Ganze Zahl

t-subtract(non jun 2007, pri non jun 2007) ==> 1



Datentyp „Historische Zeit“ I

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag i als Offset t vom Ursprung definiert ist.



Datentyp „Historische Zeit“ II

E Regel für "6 Tammuz 5763"

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag i als Offset t vom Ursprung definiert ist.

O

t-less(i,j) ==> Boolean

t-less(6 Tammuz 5763,7 Tammuz 5763) ==> True

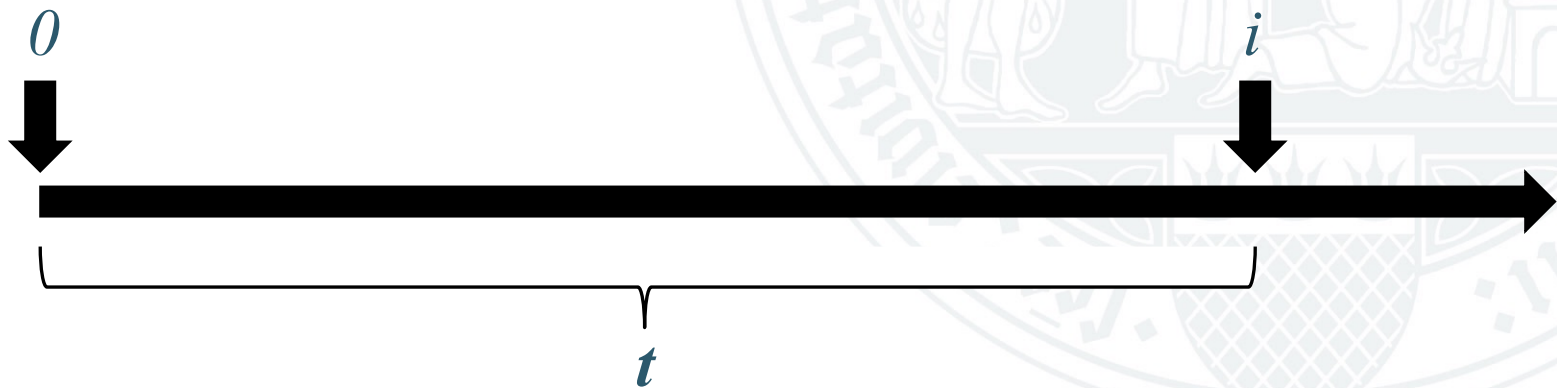
t-subtract(i,j) ==> Ganze Zahl

t-subtract(7 Tammuz 5763,6 Tammuz 5763) ==> 1



Datentyp „Historische Zeit“ II

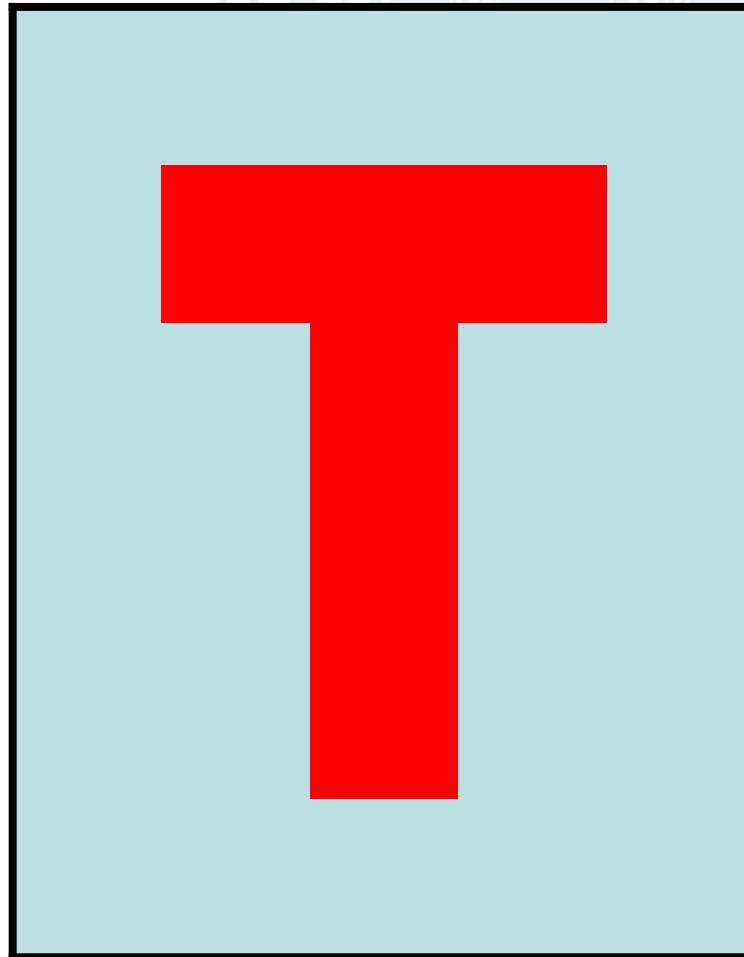
I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag i als Offset t vom Ursprung definiert ist.



Datenstruktur aus dem Softwareengineering



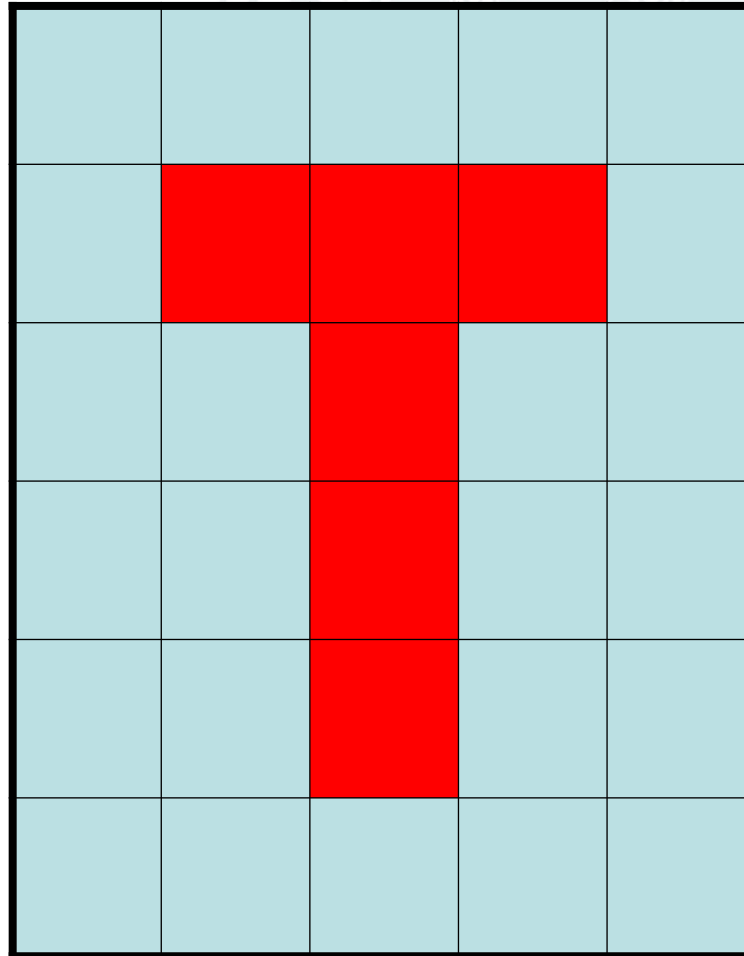
Ein Bild



Ein Bild

6 Zeilen

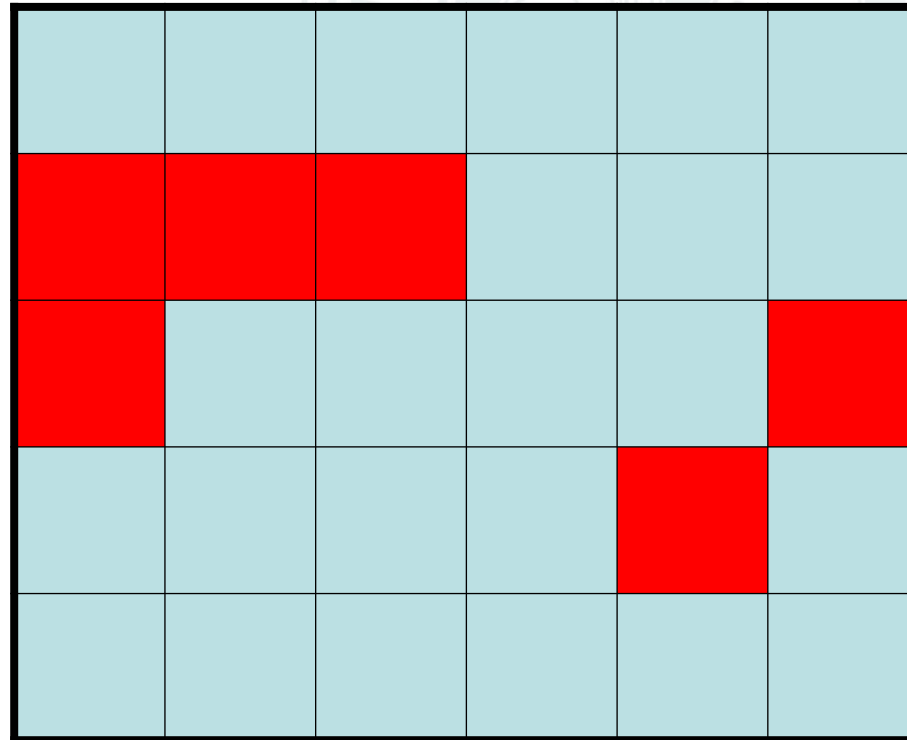
5 Spalten



Ein Bild

5 Zeilen

6 Spalten



Ein Bild

1 == grau

0 == rot

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Ein Bild

1 == blau

0 == gelb

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Ein Bild

Speicherung:

1,1,1,1,1,1,0,0,
0,1,1,1,0,1,1,1,
1,0,1,1,1,1,0,1,
1,1,1,1,1,1

Unkomprimiert

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Ein Bild

Store:

6,1,3,0,3,1,1,0,
4,1,1,0,4,1,1,0,
7,1

(Compressed)

Run Length
Encoded

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Ein Bild

Speicherung:

SetSize: 5 by 6

SetBackgroundColor: Gray

SetForegroundColor: Red

SetLetterHeight: 4

MoveTo: 3,5

DrawLetter: T

1,1	2,1	3,1	4,1	5,1
1,2	2,2	3,2	4,2	5,2
1,3	2,3	3,3	4,3	5,3
1,4	2,4	3,4	4,4	5,4
1,5	2,5	3,5	4,5	5,5
1,6	2,6	3,6	4,6	5,6

Vector Format

Ein Bild

6 Zeilen

5 Spalten

1 == grau

0 == rot

Unkomprimiert

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Ein Bild

Dimensionen

1 == gray

0 == red

Unkomprimiert

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Ein Bild

Dimensionen

*Photogrammetrische
Interpretation*

Unkomprimiert

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Ein Bild

Dimensionen

*Photogrammetrische
Interpretation*

Kompressionstechnik

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Ein Bild

<basic information>

<rendering information>

<storage information>

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Ein Bild

<basic information>

(implizit / explizit)

*<rendering
information>*

(implicit / explicit)

<storage information>

(implicit / explicit)

... und die Daten?

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Ein Bild

*Daten als
Datenstrom*

*1,1,1,1,1,1,
0,0,0,1,1,1,
0,1,1,1,1,0,
1,1,1,1,0,1,
1,1,1,1,1,1*

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Ein Bild

Daten entweder als

Datenstrom

oder als

Verarbeitungsanweisungen

SetSize: 5 by 6

SetBackgroundColor: Ochre

SetForegroundColor: Red

SetLetterHeight: 4

MoveTo: 3,5

DrawLetter: T

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



Algorithmen



Warum automatisieren?

1 Million Objekte: eine Sekunde pro Stück.

== 16666.7 Minuten == 277.8 Stunden

== 11.57 Arbeitstage eines Computers

== 34.7 8-Stunden Tage eines Menschen

== 7 Arbeitswochen



Warum automatisieren?

1 Million Objekte: fünf Minuten pro Stück.

== 416 666.7 Stunden

== 52 803.4 8-Stunden-Tage für einen Menschen

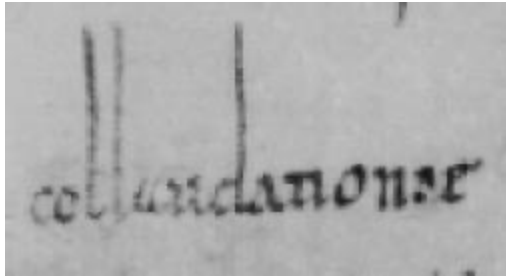
== Völlig lächerlich, dass das klappt



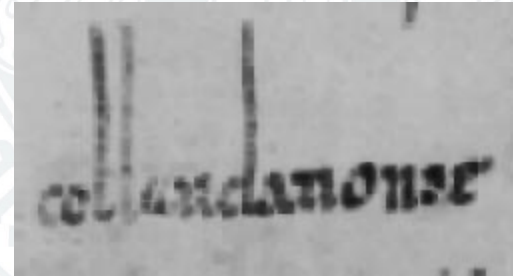
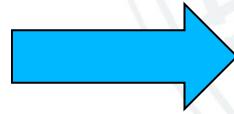
Einleitendes Beispiel (Selbstabbildende Information)



Minimal neighbour



Original



Ergebnis

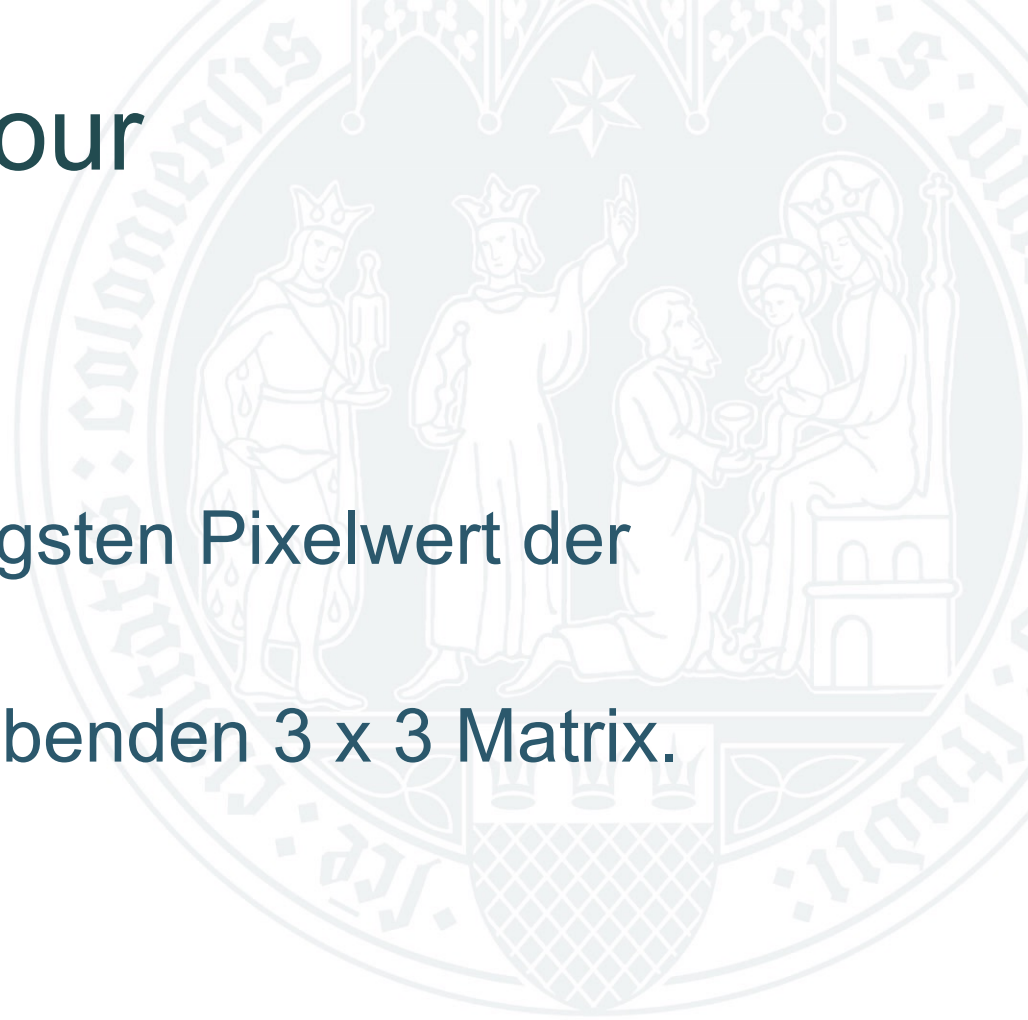


Minimal neighbour

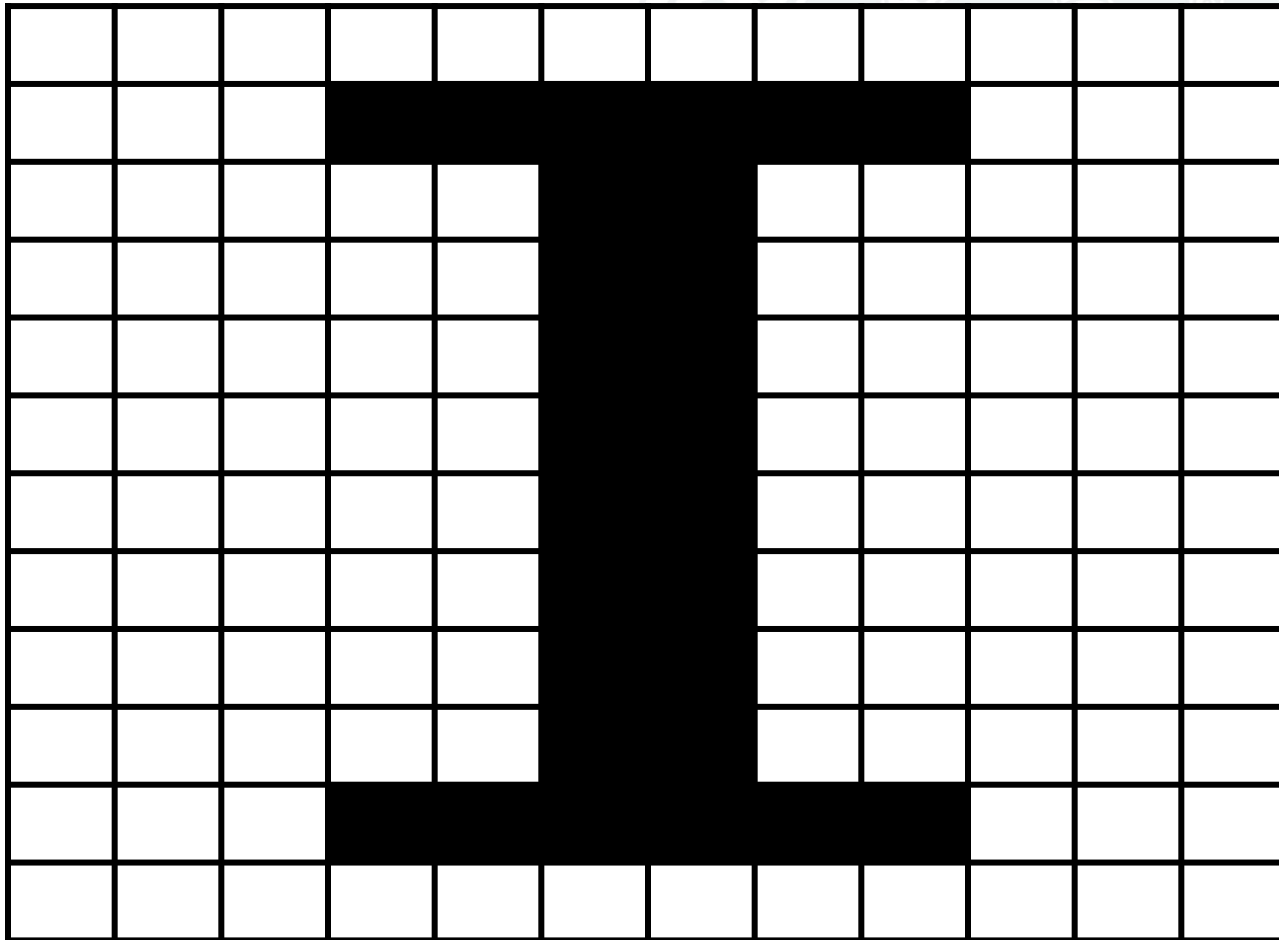
Ersetze in jeder Zeile
jedes Pixel

durch den niedrigsten Pixelwert der
dieses

Pixels umschreibenden 3 x 3 Matrix.



Minimal neighbour



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	50	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	250	250	50	50	250	250	250	250	250
250	250	250	50	50	50	50	50	50	250	250	250
250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250	250



Minimal neighbour

250	250	50	50	50	50	50	50	50	50	250	250
250	250	50	50	50	50	50	50	50	50	250	250
250	250	50	50	50	50	50	50	50	50	250	250
250	250	250	250	50	50	50	50	250	250	250	250
250	250	250	250	50	50	50	50	250	250	250	250
250	250	250	250	50	50	50	50	250	250	250	250
250	250	250	250	50	50	50	50	250	250	250	250
250	250	250	250	50	50	50	50	250	250	250	250
250	250	50	50	50	50	50	50	50	50	250	250
250	250	50	50	50	50	50	50	50	50	250	250
250	250	50	50	50	50	50	50	50	50	250	250



Minimal neighbour

